

К вопросу о выводе преобразований Лоренца

Леонид Иосифович Филиппов

Академический лицей «Физико-техническая школа»

194021, Санкт-Петербург, ул. Хлопина, д. 8, корп. 3, литера «А»; e-mail: z@tf.ru

Тема корректного вывода преобразований Лоренца вновь стала предметом обсуждения в ряде недавних публикаций. В продолжение темы предлагается вывод преобразований Лоренца, построенный на мысленном эксперименте. В этом подходе независимость скорости света от движения источника и наблюдателя – не аксиома, а необходимое следствие конечности скорости распространения электромагнитных волн. Описан механизм возникновения релятивистских эффектов.

Ключевые слова: преобразования Лоренца, теория относительности.

1. Введение

В ряде публикаций последних лет в ([1–5]) обсуждается проблема вывода преобразований Лоренца. В качестве развития возникшей на страницах «Оптики и спектроскопии» и «УФН» своеобразной дискуссии предлагается еще один подход к выводу ПЛ.

В СТО постулируется независимость скорости света в вакууме от движения источника и наблюдателя – иначе неразличимость инерциальных систем отсчета недостижима. Огромная база экспериментальных данных безоговорочно подтвердила и сам этот постулат, и выводы теории. Тем не менее интерес к проблеме не угасает. В частности, появлялись и появляются статьи, посвящённые альтернативному выводу преобразований Лоренца и даже преобразований, которые, по мнению авторов, могли бы их заменить. Среди этих работ есть логически корректные, однако и их объединяет одно свойство, отмеченное еще В. Паули ([6]) при анализе работ [7] и [8]: авторам удаётся «получить лишь внешний вид формул преобразования, но не их физическое содержание».

Возможно, одной из причин частого непонимания того, о чем писал Паули, является предельный лаконизм самого Эйнштейна: многое ему представлялось самоочевидным, и он не считал нужным это оговаривать. В частности, в ранних работах по СТО Эйнштейн не писал, почему и одновременность разноместных событий, и синхронизация часов могут быть построены только на световых сигналах. Результатом такого лаконизма стало восприятие некоторыми авторами СТО не как прикладной физической теории, а как математического абстрактного построения, в котором можно без ущерба для сути варьировать основные положения (скажем, одну из теорем сделать

аксиомой и наоборот, как в [2]) или отменять их – лишь бы не была нарушена логическая замкнутость.

Анализ корректных выводов преобразований Лоренца и «паралоренцевских» очень грамотно проведен в статьях Г.Б. Малыкина: [1, 3, 4].

Любая физическая теория имеет смысл, если у нее есть выход на эксперимент. И хотя прямое наблюдение «замедления» времени стало возможным лишь через десятилетия после революционного опыта Айвса и Стиллуэлла ([9]), а прямой опыт по «сокращению» длины нереален и сегодня, такие эксперименты и не нужны для проверки СТО. В природе нет ни координатных сеток, нанесенных на протяженные твердые объекты, ни синхронизированных светом часов в узлах этих сеток. Нет и движущихся друг относительно друга наблюдателей, проводящих прямые измерения эффектов СТО. Тем не менее физические проявления этих эффектов вполне наблюдаемы. Прежде всего – электродинамические. Потому Эйнштейн и назвал свою основополагающую работу по СТО так, как назвал, а не «К кинематике движущихся тел».

Но начал он все же с кинематической части. Ибо «суждения всякой теории касаются соотношений между твердыми телами (координатными системами), часами и электромагнитными процессами. Недостаточное понимание этого обстоятельства является корнем тех трудностей, преодолевать которые приходится теперь электродинамике движущихся тел.» ([10]) Эйнштейн полагал, что этим сказано достаточно. Но, как оказалось, пояснения не были бы лишними¹.

Можно ли произвести синхронизацию часов «световыми зайчиками», скорость которых практически безгранична? ([11]) Да, можно. Можно ли построить на такой синхронизации логически замкнутую схему преобразования координат и времени? ([7, 12]) Да, можно. Будет ли такая теория иметь отношение к физической реальности? Нет, не будет. Ибо физическая реальность – это взаимодействия. А никакие изменения в одной системе отсчета не могут повлиять на реальность в другой системе быстрее, чем ее достигнет электромагнитная информация об этих изменениях².

Споры о том, можно ли из корректных преобразований Тагерлини или Игнатовского без неявного использования второго постулата Эйнштейна вывести преобразования Лоренца, полезны для понимания логики СТО. Но эти споры остаются абстрактно-философскими, ибо выхода на физическую реальность такие модели не имеют. Можно покрыть все объекты во Вселенной координатной сеткой с часами в

¹ Вот яркий пример: «Два или три так называемых точных вывода ПЛ очень абстрактны и малопонятны. Таким образом, справедливость вывода ПЛ находится под вопросом... На основе нашего систематического подхода дается убедительное объяснение того, что сокращение длины не создаёт никакого механического напряжения.» ([5])

² Если бы на наблюдаемые процессы заметное влияние оказывали гравитационные волны, то же мы могли бы сказать и о них. А вот если будут открыты тахионы, это никаким образом не отменит преобразования Лоренца и не изменит входящую в них мировую константу.

узлах. Но чем бы мы ни синхронизовали такие часы, это никак не повлияет на реальный физический мир. Вселенная «сделала свой выбор» без нашего участия, и этот выбор – электромагнитное взаимодействие. Именно поэтому сказанное в [13] верно: «релятивистские эффекты представляют собой проявления фундаментальных свойств пространства-времени... позволяет избежать ложного представления, что релятивизм связан исключительно со световыми явлениями.»

В СТО принцип постоянства скорости света – постулат. Следование ему приводит к преобразованиям Лоренца. В настоящей статье рассмотрен физический механизм, обеспечивающий соблюдение постоянства скорости света. Постулат вводится не как абсолютный математический принцип, а физически – из мысленных экспериментов, которые строятся по следующей схеме. В гипотетической системе отсчета информация о любых физических событиях распространяется в вакууме во всех направлениях с одинаковой скоростью. Находящийся в ней наблюдатель исследует другие, равномерно движущиеся, системы отсчета. Наблюдатели в движущихся системах пользуются для получения информации сигналами, которые распространяются в исходной системе отсчета изотропно. Задача: описать результаты экспериментов по измерению длин отрезков и промежутков времени, проводимых движущимися наблюдателями.

2. Вывод преобразований Лоренца

Abs – воображаемый наблюдатель, он находится в некоей произвольной исходной системе отсчета и способен получать информацию без запаздывания. Реальный способ бесконечно быстрой передачи информации для такого абстрактного рассмотрения не нужен – это исключительно мысленный эксперимент. Введение в логическую схему такого, хоть и чисто абстрактного, наблюдателя, делает все инерциальные системы отсчета равноправными, то есть принцип относительности признан верным.

При дальнейшем рассмотрении надобность в такой модели отпадет и мысленные эксперименты будут привязаны к реальности.

Далее, имеются две системы отсчета, движущиеся равномерно относительно исходной. В каждой из них есть покоящийся наблюдатель, который пользуется световыми сигналами. *Световые сигналы распространяются относительно исходной системы отсчета во всех направлениях со скоростью c .* Это – единственное предположение. Из него будут выведены свойства света, наблюдаемые в других инерциальных системах отсчета.

2.1. Длины движущихся отрезков

Пусть с точки зрения *Abs* картина такова: в покое длины двух отрезков одинаковы. Так как *Abs* получает сигналы без запаздывания, то и в движении для него эти отрезки

будут равной длины. Отрезки движутся относительно исходной системы со скоростями V_1 и V_2 , в середине каждого отрезка располагается наблюдатель.

Abs:

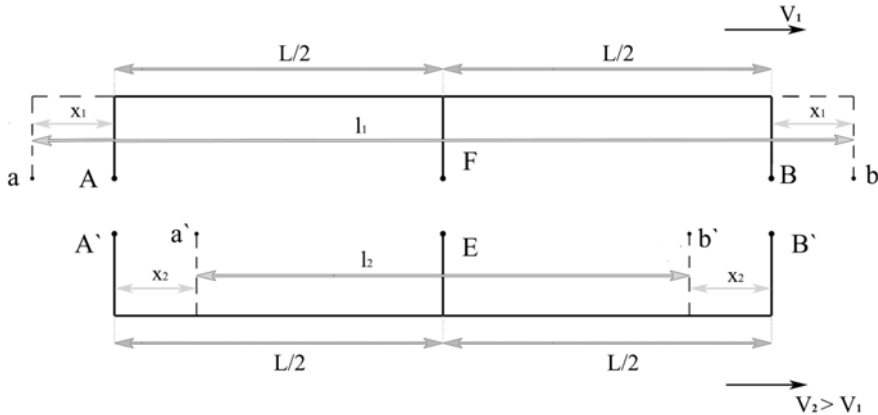


Рисунок 1.

Система E «обгоняет» систему F , при этом касание точек A и A' и точек B и B' с точки зрения abs происходит одновременно. Наблюдатель abs видит: сигнал от соприкосновения точек B и B' пришел к F раньше, чем сигнал от соприкосновения A и A' на $\Delta t = \frac{L/2}{c - V_1} - \frac{L/2}{c + V_1}$. Это означает, что с точки зрения наблюдателя F , который синхронизирует часы световыми сигналами и пользуется эйнштейновским определением понятия одновременности разноместных событий, отрезок $A'B'$ в системе E длиннее, чем отрезок AB в система F . Построим в системе отсчета F такой отрезок ab с центром в точке F , чтобы, с точки зрения F , он был равен отрезку $A'B'$ в системе E : световой сигнал из точки b вылетел позже, чем из точки B , на время $\frac{x_1}{V_2 - V_1}$ и двигался влево относительно наблюдателя F со скоростью $c + V_1$. Сигнал из точки a вылетел раньше, чем из A , на время $\frac{x_1}{V_2 - V_1}$ и двигался вправо со скоростью $c - V_1$. Эти сигналы пришли в центр отрезка ab – к наблюдателю F – одновременно, из чего он и заключает, в рамках принятой аксиоматики, что его отрезок ab равен по длине отрезку $A'B'$ в движущейся системе отсчета.

Найдем длину отрезка ab , равную l_1 . Сигнал из точки b вылетел позже, чем из точки a на время $\frac{2x_1}{V_2 - V_1}$.

$$\frac{l_1/2}{c - V_1} = \frac{l_1/2}{c + V_1} + \frac{2x_1}{V_2 - V_1}; \quad 2x_1 = l_1 - L$$

В итоге:

$$l_1 = L \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right); \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) > 1$$

Аналогичные рассуждения для наблюдателя E . С точки зрения Ab : световой сигнал от соприкосновения B и B' пришел в точку E раньше, чем сигнал от соприкосновения A и A' на $\Delta t = \frac{L/2}{c - V_2} - \frac{L/2}{c + V_2}$.

То есть с точки зрения E , отрезок AB в система F короче, чем отрезок $A'B'$ в системе E . Построим в системе E отрезок $a'b'$ с центром в точке E , длина которого, с точки зрения E , равна длине отрезка AB в системе F : сигнал из b' вылетел позже, чем из B' , на время $\frac{x_2}{V_2 - V_1}$ и двигался влево относительно наблюдателя E со скоростью $c + V_2$. Сигнал из a' вылетел раньше, чем из A' , на $\frac{x_2}{V_2 - V_1}$ и двигался вправо со скоростью $c - V_2$. Эти сигналы пришли в точку E одновременно. Длина отрезка $a'b'$ равна l_2 . Сигнал из точки b' вылетел позже, чем из a' на время $\frac{2x_2}{V_2 - V_1}$;

$$\frac{l_2/2}{c - V_2} = \frac{l_2/2}{c + V_2} + \frac{2x_2}{V_2 - V_1}; 2x_2 = L - l_2.$$

В итоге:

$$l_2 = L \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right); \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) < 1$$

Описанная картина с точки зрения наблюдателя F :

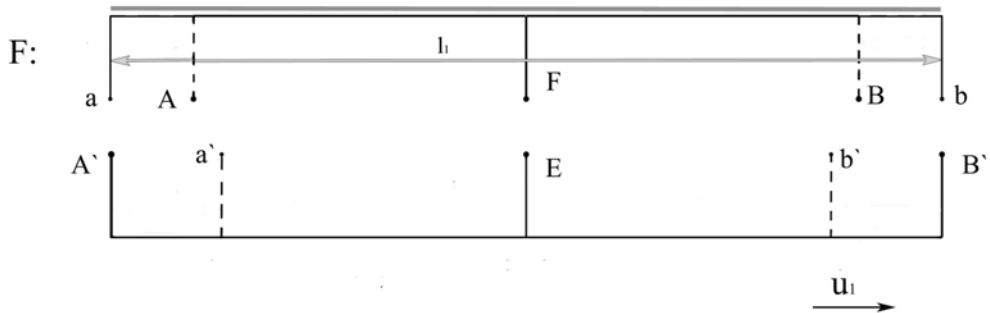


Рисунок 2.

С точки зрения F , длины отрезков ab и $A'B'$ равны – сигналы от их соприкосновения приходят в точку F одновременно. Наблюдатель E летит вправо (навстречу сигналу из B' и удаляясь от сигнала из A'), он видит сигнал из B' раньше, чем из A' , следовательно, в логике «световой одновременности» с точки зрения E отрезок ab короче, чем $A'B'$.

С точки зрения наблюдателя E :

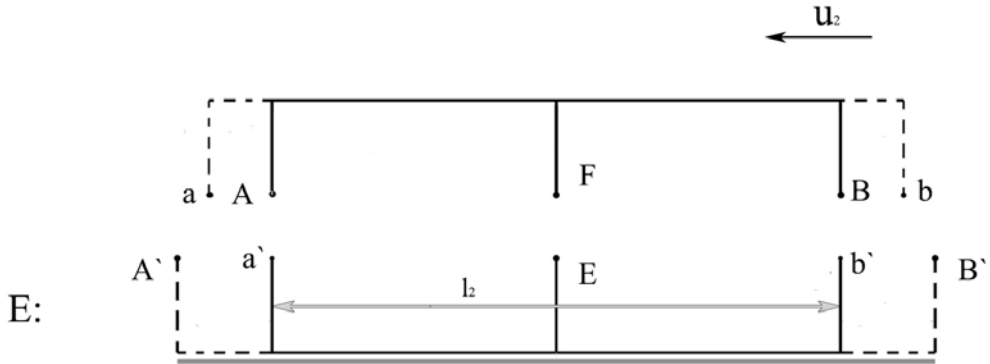


Рисунок 3.

С точки зрения E , длины отрезков $a'b'$ и AB равны: сигналы от их соприкосновения приходят в точку E одновременно. Наблюдатель F летит навстречу сигналу из A и удаляясь от сигнала из B , он видит сигнал из A раньше, чем из B , то есть с точки зрения F отрезок $a'b'$ короче, чем AB .

Вычислим, во сколько раз один из отрезков короче другого в каждом из двух рассмотренных случаев.

С точки зрения E длина отрезка ab (летающего мимо со скоростью u_2 – см. Рис. 3) больше, чем длина отрезка $a'b'$, расположенного в самой E , во столько раз, во сколько раз длина ab реально больше, чем длина AB – в покое. Длина $a'b'$ в покое – это l_2 . «На самом деле» – т.е. с точки зрения наблюдателя Ab , длина AB – это L .

Получаем:

$$|ab|_E = |a'b'|_E \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) = L \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right)$$

Итак, с точки зрения E , длина отрезка ab меньше, чем длина покоящегося отрезка $A'B'$: $|ab| = Lk$, $k < 1$.

Аналогично – “в обратную сторону”: **с точки зрения F** длина $a'b'$ (летающего мимо со скоростью u_1 – см. Рис. 2) меньше, чем длина отрезка ab , расположенного в самой F , во столько раз, во сколько раз длина $a'b'$ реально меньше, чем длина $A'B'$ – в покое.

Получаем:

$$|a'b'|_F = |ab|_F \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) = L \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right) \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right)$$

Значит, с точки зрения F , длина отрезка $a'b'$ меньше, чем длина покоящегося отрезка AB : $|a'b'| = Lk$; $k < 1$.

Итак, симметрия: если с точки зрения лабораторной системы отрезок «В», расположенный в движущейся системе, равен отрезку «А», расположенному в лабораторной системе, то с точки зрения движущейся системы отрезок «А» короче, чем отрезок «В», и коэффициент уменьшения равен

$$k = \frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \cdot \frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \quad (k < 1) \quad (1)$$

2.2. Скорость света

Найдем c_2 – продольную скорость света, измеренную в системе отсчета E . Пусть свет идет от A' к B' . С точки зрения Abc часы A' и B' , синхронизированные в системе E светом, не синхронны: часы A' спешат по отношению к часам B' на $L \cdot \left(\frac{V_2}{c^2 - V_2^2} \right)$. Значит, время прохождения светом длины L в системе E , измеренное часами в E , будет меньше:

$$\Delta t = \frac{L}{c - V_2} - L \cdot \left(\frac{V_2}{c^2 - V_2^2} \right).$$

Получаем:

$$c_2 = \frac{L}{\Delta t} = c \left(1 - \frac{V_2^2}{c^2} \right) \quad (2)$$

(Разумеется, для светового импульса, движущегося от B' к A' , получается тот же результат.)

Аналогично, скорость света, измеренная в системе отсчета F равна

$$c_1 = c \left(1 - \frac{V_1^2}{c^2} \right) \quad (3)$$

2.3. Относительные скорости движения систем отсчета

Найдем u_2 – скорость системы F , измеренную в системе E . Учитывая, что часы A' спешат по отношению к часам B' на $L \cdot \left(\frac{V_2}{c^2 - V_2^2} \right)$, время, за которое точка F пролетает всю длину L в системе отсчета E , будет измерено наблюдателем E «с ошибкой»: F летит влево, поэтому время получится больше:

$$\Delta t = \frac{L}{V_2 - V_1} + L \cdot \left(\frac{V_2}{c^2 - V_2^2} \right);$$

Скорость системы F , измеренная в системе E :

$$u_2 = \frac{L}{\Delta t} = (V_2 - V_1) \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} \right), \text{ где } \frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_2 V_1} < 1 \quad (4)$$

Точно такие же рассуждения приводят к формуле для скорости системы E , измеренной наблюдателем F :

$$u_1 = \frac{L}{\Delta t} = (V_2 - V_1) \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} \right), \text{ где } \frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_2 V_1} > 1 \quad (5)$$

(При $V_2 = c$ получаем $u_1 = c_1$. Верно.)

Ключевое замечание

Если любой из наблюдателей будет измерять скорость другого наблюдателя, используя в качестве единицы измерения полученную им же скорость света, результаты у них получатся одинаковыми:

$$\frac{u_1}{c_1} = \frac{u_2}{c_2} = \frac{1}{c} \cdot \frac{V_2 - V_1}{1 - \frac{V_2 V_1}{c^2}};$$

$$\frac{V_2 - V_1}{1 - \frac{V_2 V_1}{c^2}} - \text{относительная скорость систем отсчета в СТО.}$$

Аналогичное утверждение справедливо для *любых* кинематических измерений, произведенных в одной из равномерно движущихся систем отсчета, так как наблюдатель в каждой системе отсчета использует свои эталоны длины и времени. То есть – «свою» скорость света.

Тем самым мы уходим от абстрактной несуществующей выделенной системы «Abs» и приходим к релятивизму.

2.4. Преобразование координат и времени

Пусть с точки зрения исходной системы отсчета скорости систем K и K' сонаправлены и равны V_1 и V_2 соответственно, причем $V_2 > V_1$ («штрихованная» система отсчета – обгоняющая).

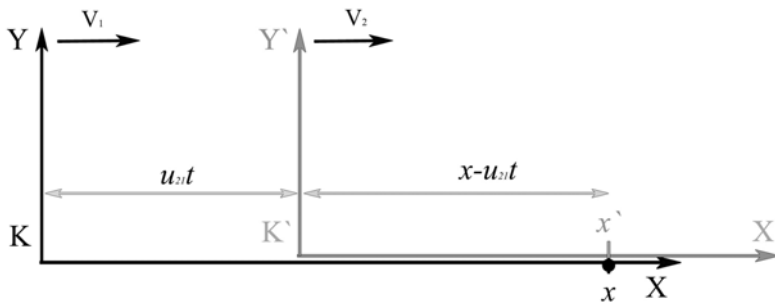


Рисунок 4.

С точки зрения системы K длина отрезка, неподвижного в системе K' , равна $(x - u_{21}t)$, где u_{21} – скорость системы K' , измеренная из системы K . Длина этого отрезка при измерении из системы K' :

$$x' = (x - u_{21}t) \cdot \left(\frac{c^2 - V_1 V_2}{c^2 - V_1^2} \right) \quad (6)$$

Отрезок длины x , расположенный в системе K , с точки зрения K' имеет длину

$$x \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_1 V_2} \right).$$

Точка с координатой x' в системе K' «стартовала» в момент времени «ноль» по часам K' , а к моменту времени t' по часам K' достигла точки

$$x \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_1 V_2} \right),$$

значит, по часам K' прошло время

$$t' = \frac{x \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_1 V_2} \right) - (x - u_{21}t) \cdot \left(\frac{c^2 - V_1 V_2}{c^2 - V_1^2} \right)}{u_{12}} \quad (7)$$

Из формул (2) и (3):

$$u_{21} = (V_2 - V_1) \cdot \left(\frac{c^2 - V_1^2}{c^2 - V_1 V_2} \right) \quad (8)$$

$$u_{12} = (V_2 - V_1) \cdot \left(\frac{c^2 - V_2^2}{c^2 - V_1 V_2} \right) \quad (9)$$

Подставляя (8) и (9) в (6) и (7), получаем преобразования времени и координаты при переходе от одной движущейся равномерно системы отсчета – к другой (в простейшем случае движения по одной прямой в исходной системе отсчета):

$$t' = \left(\frac{c^2 - V_1 V_2}{c^2 - V_2^2} \right) t - \frac{V_2 - V_1}{c^2} \left(\frac{c^2}{c^2 - V_1^2} \right) \left(\frac{c^2}{c^2 - V_2^2} \right) x ;$$

$$x' = -(V_2 - V_1)t + \left(\frac{c^2 - V_1 V_2}{c^2 - V_1^2} \right) x.$$

Или, в матричном виде:

$$\begin{pmatrix} t' \\ x' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - \frac{V_1 V_2}{c^2} & -\frac{V_2 - V_1}{c^2} \\ 1 - \frac{V_2^2}{c^2} & \left(1 - \frac{V_1^2}{c^2}\right) \left(1 - \frac{V_2^2}{c^2}\right) \\ -(V_2 - V_1) & \frac{1 - \frac{V_1 V_2}{c^2}}{1 - \frac{V_1^2}{c^2}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} t \\ x \end{pmatrix}$$

Матрица в этом выражении может быть записана в виде произведения:

$$\begin{pmatrix} t' \\ x' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V_2^2}{c^2}}} & 0 \\ 0 & \sqrt{1 - \frac{V_2^2}{c^2}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} & -\frac{V}{c^2 \sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} \\ -\frac{V}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} & \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \sqrt{1 - \frac{V_1^2}{c^2}} & 0 \\ 0 & \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V_1^2}{c^2}}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} t \\ x \end{pmatrix},$$

где $V = \frac{V_2 - V_1}{1 - \frac{V_1 V_2}{c^2}}$ – относительная скорость систем отсчета в СТО.

Если для системы отсчета, имеющей скорость V_1 , вместо времени и координаты t, x ввести новые \tilde{t}, \tilde{x} :

$$\tilde{t} = \left(\sqrt{1 - \frac{V_1^2}{c^2}} \right) t, \quad \tilde{x} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V_1^2}{c^2}}} x,$$

а для системы, имеющей скорость V_2 :

$$\tilde{t}' = \left(\sqrt{1 - \frac{V_2^2}{c^2}} \right) t', \quad \tilde{x}' = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V_2^2}{c^2}}} x', \text{ то:}$$

$$\begin{pmatrix} \tilde{t}' \\ \tilde{x}' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} & -\frac{V}{c^2 \sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} \\ -\frac{V}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} & \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{V^2}{c^2}}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \tilde{t} \\ \tilde{x} \end{pmatrix},$$

что совпадает с видом преобразования Лоренца.

В новых координатах кинематические параметры приобретают свойство симметрии.

Заменяя в формулах (6) и (7) время t и координату x на \tilde{t} и \tilde{x} , получаем формулы для относительных скоростей:

$$\tilde{u}_{21} = \frac{u_{21}}{1 - \frac{V_1^2}{c^2}} = \frac{V_2 - V_1}{1 - \frac{V_1 V_2}{c^2}} = V ; \quad \tilde{u}_{12} = \frac{u_{12}}{1 - \frac{V_2^2}{c^2}} = \frac{V_2 - V_1}{1 - \frac{V_1 V_2}{c^2}} = V ,$$

(относительная скорость систем отсчета в СТО).

Одинакова и скорость света, измеренная в каждой из движущихся систем отсчета в новых координатах. Из формулы (3):

$$c_1 = c \left(1 - \frac{V_1^2}{c^2} \right).$$

Значит,

$$\tilde{c}_1 = c .$$

Аналогично,

$$\tilde{c}_2 = c .$$

В случае сравнения длин отрезков, которые находятся в движении, с отрезками, расположенными в лабораторной системе отсчета, в новых координатах получаем, как и следовало ожидать, полную симметрию.

Заключение

Предложенный подход, основанный на анализе передачи информации, позволяет наглядно получить группу Лоренца. Описанный здесь мысленный эксперимент построен на единственном исходном положении: о существовании системы отсчета, в которой скорость света в вакууме изотропна. Полученные результаты совпадают с результатами теории относительности.

Литература

1. *Малькин Г.Б.* «Классические оптические эксперименты и специальная теория относительности (обзор)». Оптика и спектроскопия, 2009, том 107, № 4, с. 624-641.
2. *Бессонов Е.Г.* «Об одном пути к преобразованиям Лоренца». УФН, **186**, 537–541 (2016).
3. *Малькин Г. Б.* «Паралоренцевские преобразования». УФН, **179**, 285–288 (2009).

4. Малькин Г.Б. «О возможности экспериментальной проверки второго постулата специальной теории относительности». УФН, **174**, 801–804 (2004).
5. Хуан С.-Б. «Строгий вывод преобразования Лоренца на основе минимальных предположений». УФН, **181**, 553–556 (2011).
6. Паули В. «Теория относительности» 27-28 (М.: Наука, 1983).
7. Ignatowsky W. *Physikalische Zeitschrift*, **11**, 972–976 (1910).
8. Frank P., Rothe H. *Ann. Phys.* **34**, 825 (1911).
9. Ives H.E., Stikwell G.R. «An experimrntal study of the rate of a moving atomic clock». *Journal of the Optical Society of America* **28**, 215-219 (1938).
10. Einstein A. «Zur Elektrodynamik bewegter Körper», *Annalen der Physik* **322**(10), 891–921 (1905).
11. Мандельштам Л.И. «Лекции по оптике, теории относительности и квантовой механике». Под ред. С.М. Рытова (М.: Наука, 1972).
12. Tangherlini F.R. *The Velocity of Light in Uniformly Moving Frames*, Department of Physics, Stanford University, 1958.
13. Алешкевич В.А. «О преподавании специальной теории относительности на основе современных экспериментальных данных». УФН, **182**, 1301–1318 (2012).
14. Broome K.M. «Classical and special relativity in four steps» *European Journal of Physics*, Volume 39, Number 2 (2018).
15. Логунов А.А. «Лекции по теории относительности и гравитации: Современный анализ проблемы» (М.: Наука, 1987).
16. Степанов С. «100 лет без второго постулата Эйнштейна» <http://synset.com/pdf/100.pdf>
17. Алескер М. «Второй постулат Эйнштейна и смысл преобразований Тангерлини» <http://aleskermark.blogspot.ru/2015/10/100.html>

On the Derivation of the Lorentz Transformations

Leonid Filippov,

Lyceum «Physical-Technical High School»,

dom 8, korpus 3A, ulitsa Hlopina, Saint Petersburg, 194021, Russia;

e-mail: z@tf.ru

Received February 29, 2020

PACS 03/30 +p

The derivation of Lorentz transformations based on a mental experiment is proposed. In this approach, the independence of the speed of light from the motion of the source and the observer is a necessary consequence of the finiteness of the propagation velocity of electromagnetic waves. The mechanism of occurrence of relativistic effects is described.

Keywords: Lorentz transformations, the theory of relativity.

References

1. *Malykin G.B.* «Classical optical experiments and special theory of relativity (review)». Optics and Spectroscopy, 2009, Volume 107, No. 4, p. 624–641.
2. *Bessonov E.G.* «On one path to the Lorentz transformations.» Physics-Uspekhi, **186**, 537–541 (2016).
3. *Malykin G.B.* «Paralorentz transformations.» Physics-Uspekhi, **179**, 285–288 (2009).
4. *Malykin G.B.* «On the possibility of experimental verification of the second postulate of special theory of relativity.» Physics-Uspekhi, **174**, 801–804 (2004).
5. *Juan S.-B.* «Strict inference of the Lorentz transformation based on minimal assumptions.» Physics-Uspekhi, **181**, 553–556 (2011).
6. *Pauli V.* «The Theory of Relativity» 27–28 (Moscow, Nauka, 1983).
7. *Ignatowsky W.* Physikalische Zeitschrift, **11**, 972–976 (1910).
8. *Frank P., Rothe H.* Ann. Phys., **34**, 825 (1911).
9. *Ives H.E., Stilwell G.R.* «An experimental study of the rate of a moving atomic clock.» Journal of the Optical Society of America **28**, 215–219 (1938).
10. *Einstein A.* «Zur Elektrodynamik bewegter Körper», Annalen der Physik **322**(10), 891–921 (1905).
11. *Mandelstam L.I.* «Lectures on optics, theory of relativity and quantum mechanics». Under ed. C.M. Rytov (Moscow, Nauka, 1972).
12. *Tangherlini F.R.* The Velocity of Light in Uniformly Moving Frames, Department of Physics, Stanford University, 1958.

13. *Aleshkevich V.A.* «On the teaching of special theory of relativity based on modern experimental data.» *Physics-Uspekhi*, **182**, 1301–1318 (2012).
14. *Browne K.M.* «Classical and special relativity in four steps» *European Journal of Physics*, Volume 39, Number 2 (2018).
15. *Logunov A.A.* «Lectures on the Theory of Relativity and Gravity: A Modern Analysis problems» (Moscow, Nauka, 1987).
16. *Stepanov S.* «100 years without Einstein's second postulate» <http://synset.com/pdf/100.pdf>
17. *Alesker M.* «The second postulate of Einstein and the meaning of the Tangerlini transformations» <http://aleskermark.blogspot.ru/2015/10/100.html>